

Минобрнауки России

**Орский гуманитарно-технологический институт (филиал)
федерального государственного бюджетного образовательного учреждения
высшего образования «Оренбургский государственный университет»
(Орский гуманитарно-технологический институт (филиал) ОГУ)**

Кафедра математики, информатики и физики (ОГТИ)

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

ДИСЦИПЛИНЫ

«Б1.Д.Б.15 Дискретная математика»

Уровень высшего образования

БАКАЛАВРИАТ

Направление подготовки

09.03.01 Информатика и вычислительная техника

(код и наименование направления подготовки)

Программное обеспечение средств вычислительной техники и автоматизированных систем
(наименование направленности (профиля) образовательной программы)

Квалификация

Бакалавр

Форма обучения

Очная

Год набора 2025

Рабочая программа дисциплины «Б1.Д.Б.15 Дискретная математика» рассмотрена и утверждена на заседании кафедры

Кафедра математики, информатики и физики (ОГТИ)

наименование кафедры

протокол № 6 от "05" февраля 2025г.

Заведующий кафедрой

Кафедра математики, информатики и физики (ОГТИ)

наименование кафедры

подпись

расшифровка подписи

Г.В. Зыкова

Исполнители:

Доцент

должность

подпись

расшифровка подписи

А.С. Попов

должность

подпись

расшифровка подписи

СОГЛАСОВАНО:

Председатель методической комиссии по направлению подготовки

09.03.01 Информатика и вычислительная техника

код наименование

личная подпись

А.С. Попов
расшифровка подписи

Заведующий библиотекой

личная подпись

М.В. Камышанова
расшифровка подписи

Начальник ОИТ

личная подпись

М.В. Сапрыкин
расшифровка подписи

© Попов А.С., 2025
© Орский гуманитарно-технологический институт
(филиал) ОГУ, 2025

1 Цели и задачи освоения дисциплины

Цель (цели) освоения дисциплины:

Формирование знаний и умений бакалавра информатики и информационного образования в области использования дискретной математики, как основы будущей профессиональной деятельности.

Задачи:

1. Формирование системы знаний, умений и навыков использования дискретной математики в решении прикладных и практических задач.
2. Раскрытие основных элементов накопленной духовной и материальной культуры относительно знания математической логики, кодирования информации и алгоритмизации.
3. Установление связи (единства) общетеоретического и профессионального компонентов.
4. Установление взаимосвязи педагогического управления и самостоятельной работы студентов.

Методическую основу реализации программы по матанализу составляют системный, интегративный, личностный, процессный и функционально-деятельный подходы

2 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к базовой части блока Д «Дисциплины (модули)»

Пререквизиты дисциплины: *Б1.Д.Б.10.1 Алгебра и геометрия, Б1.Д.Б.10.2 Математический анализ*

Постреквизиты дисциплины: *Б1.Д.В.5 Теория вычислительных процессов, Б1.Д.В.6 Теория языков программирования и методы трансляции, Б1.Д.В.17 Функциональное и логическое программирование*

3 Требования к результатам обучения по дисциплине

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих результатов обучения

Код и наименование формируемых компетенций	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций
ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	ОПК-1-В-1 Знает основы математики, физики, вычислительной техники и программирования ОПК-1-В-2 Умеет решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общеинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования ОПК-1-В-3 Владеет навыками теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной	Знать: предмет изучения следующих содержательных линий: алгебра высказываний, булевы функции, предикаты и кванторы, исчисление высказываний. Понятие о графах и их использование в решении практических задач. Критерии взаимнооднозначного кодирования. Понятие автомата и алгоритмически разрешимых задач Уметь: применять методы сбора, хранения, обработки, передачи, анализа и синтеза информации с использованием компьютерных технологий - применять методы и законы математической логики для критической аргументации выводов и суждений. - уметь записывать математические

Код и наименование формируемых компетенций	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций
	деятельности	утверждения с использованием логики предикатов. Владеть: методами дискретной математики при решении задач алгоритмизации и программирования.

4 Структура и содержание дисциплины

4.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетные единицы (144 академических часа).

Вид работы	Трудоемкость, академических часов	
	2 семестр	всего
Общая трудоёмкость	144	144
Контактная работа:	51,25	51,25
Лекции (Л)	18	18
Практические занятия (ПЗ)	16	16
Лабораторные работы (ЛР)	16	16
Консультации	1	1
Промежуточная аттестация (зачет, экзамен)	0,25	0,25
Самостоятельная работа:	92,75	92,75
- выполнение расчетно-графического задания (РГЗ);	10	10
- самостоятельное изучение разделов дисциплины;	30	30
- самоподготовка (проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий;	10	10
- подготовка к лабораторным занятиям;	16	16
- подготовка к практическим занятиям;	16	16
- подготовка к рубежному контролю и т.п.)	10,75	10,75
Вид итогового контроля (зачет, экзамен, дифференцированный зачет)	экзамен	

Разделы дисциплины, изучаемые в 2 семестре

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		всего	аудиторная работа			внеауд. работа
			Л	ПЗ	ЛР	
1	Алгебра высказываний. Булевы функции.	18	2	2	2	12
2	Логика предикатов	18	2	2	2	12
3	Исчисление высказываний	20	4	2	2	12
4	Множества и отображения	14	2	2	2	8
5	Элементы теории графов	20	2	2	2	14
6	Элементы теории кодирования	18	2	2	2	12
7	Элементы теории автоматов	18	2	2	2	12
8	Элементы теории алгоритмов	18	2	2	2	12
	Итого:	144	18	16	16	94
	Всего:	144	18	16	16	94

4.2 Содержание разделов дисциплины

Раздел 1. Алгебра высказываний. Булевы функции

Логические операции алгебры высказываний. Формулы алгебры высказываний. Основные равносильности алгебры высказываний. Способы доказательства равносильностей. Дизъюнктивные и конъюнктивные нормальные формы (ДНФ и КНФ). Совершенные ДНФ и КНФ (СДНФ и СКНФ).

Булевы функции. Свойства элементарных булевых функций. Теоремы о представлении булевых функций в форме СДНФ и СКНФ. Многочлены Жегалкина. Алгоритм построения многочлена Жегалкина.

Раздел 2. Логика (алгебра) предикатов.

Предикаты и кванторы. Формулы алгебры предикатов. Основные равносильности логики предикатов. Способы доказательства равносильностей в алгебре предикатов. Приведенные нормальные формы.

Раздел 3. Исчисление высказываний.

Основные понятия. Схемы аксиом исчисления высказываний. Формальное доказательство и доказуемые формулы. Формальный вывод и выводимые формулы. Теорема дедукции. Метод вспомогательных гипотез. Производные правила вывода: сложное правило заключения, правило образования конъюнкции, правило силлогизма, правило перестановки посылок, правило соединения посылок, правило разъединения посылок. Закон де Моргана, закон противоречия, закон исключенного третьего. Методы доказательства: метод разбора случаев, метод сведения к противоречию, метод противоположных гипотез. Связь между исчислением и алгеброй высказываний.

Раздел 4. Множества и отображения.

Понятие множества. Способы задания множеств. Понятие мощности. Счетные множества. Множества мощности континуума. Операции над множествами. Соотношения между множествами и составными высказываниями. Декартово произведение множеств. Бинарные отношения. Отображения и функции.

Раздел 5. Элементы теории графов.

Основные понятия. Маршруты, цепи, циклы. Связность графов. Ориентированные графы. Изоморфизм графов. Плоские графы. Операции над графами.

Способы задания графов. Матрицы смежности и инцидентности. Эйлеровы графы. Гамильтоновы графы. Леса Деревья. Остовы.

Раздел 6. Элементы теории кодирования.

Кодирование как способ представления информации. Кодирование и декодирование. Алфавитное кодирование. Достаточный признак взаимной однозначности алфавитного кодирования. Алгоритм определения однозначности декодирования. Теорема Маркова А. А.

Двоичный алфавит. Самокорректирующиеся коды. Алгоритм построения кода Хемминга. Обнаружение ошибки в кодах Хемминга. Декодирование.

Раздел 7. Элементы теории автоматов.

Определение конечного автомата, Способы задания конечного автомата: Табличное задание автомата, Задание автомата графом (диаграмма Мура), задание конечного автомата системой булевых функций. Канонические уравнения автоматов.

Раздел 8. Элементы теории алгоритмов.

Интуитивное понятие алгоритма. Алфавит и слово. Нумерация слов алфавита. Алгоритмы и вычислимые функции. Критерий алгоритмической разрешимости. Свойства алгоритма. Машина Тьюринга. Рекурсивные функции. Тезис Чёрча. Прimitивно рекурсивные функции.

4.3 Лабораторные работы

№ ЛР	№ раздела	Наименование лабораторных работ	Кол-во часов
	4	Множества. Операции над множествами, связь с логикой высказываний. Функции. Отношение эквивалентности.	2
	5	Способы задания графов. Ориентированные графы. Изоморфизм графов.	2

№ ЛР	№ раздела	Наименование лабораторных работ	Кол-во часов
	5	Операции над графами. Эйлеровы графы. Виды графов. Задание бинарных отношений графами.	2
	6	Алфавитное кодирование. Коды Хемминга	2
	7	Способы задания конечного автомата	2
	7	Канонические уравнения автомата	2
	8	Рекурсивные функции	2
	8	Машина Тьюринга	2
		Итого:	16

4.4 Практические занятия (семинары)

№ занятия	№ раздела	Тема	Кол-во часов
	1	Логические операции над высказываниями. Формулы алгебры высказывания	2
	1	Основные равносильности и способы доказательства равносильностей формул	2
	1	Приведение формул к ДНФ и КНФ. Приведение формул к СДНФ и СКНФ.	2
	1	Булевы функции. Представление двухзначных функций формулами алгебры высказываний в СДНФ и СКНФ.	2
	2	Предикаты и кванторы. Определения. Примеры доказательства выполнимости формул и доказательства истинности формул методом от противного	2
	2	Доказательства равносильностей методом допущений и методом цепочки. Приведение формул к нормальной форме	2
	3	Проверка доказуемости формул. Метод вспомогательных гипотез.	2
	3	Метод разбора случаев. Метод противоположных гипотез. Метод сведения к противоречию	2
		Итого:	16

4.4 Самостоятельное изучение разделов дисциплины

№ раздела	Наименование разделов и тем для самостоятельного изучения	Кол-во часов
1	Многочлен Жегалкина. Построение многочлена Жегалкина: алгоритм и метод неопределенных коэффициентов	4
1	Связь исчисления и алгебры высказываний	2
2	Применение предикатов и кванторов в математических теориях	2
2	Исчисление предикатов	6
4	Счетные множества и их свойства. Примеры счетных множеств. Множества мощности континуума.	4
4	Функции. Бинарные отношения	2
5	Планарные графы. Критерий планарности Понтрягина-Куратовского. Раскраски графов. Многодольные графы.	6
8	Нормальный алгоритм Маркова	4
	Итого:	30

5 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

5.1 Основная литература

1. Бекарева, Н. Д. Дискретная математика : учебное пособие : [16+] / Н. Д. Бекарева ; Новосибирский государственный технический университет. – Новосибирск : Новосибирский государственный технический университет, 2019. – 80 с. : табл., ил. – Режим доступа: по подписке. – URL: <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=573763> . – Библиогр. в кн. – ISBN 978-5-7782-3952-4. – Текст : электронный.
2. Дехтярь, М.И. Основы дискретной математики / М.И. Дехтярь. - 2-е изд., испр. - М.: Национальный Открытый Университет «ИНТУИТ», 2016. - 184 с.: граф. - (Основы информационных технологий). - Библиогр. в кн. - ISBN 978-5-94774-714-0. Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book_view_red&book_id=428981
3. Быкова, В.В. Комбинаторные алгоритмы: множества, графы, коды: учебное пособие/ В.В. Быкова; Министерство образования и науки Российской Федерации, Сибирский Федеральный университет. - Красноярск: Сибирский федеральный университет, 2015. - 152 с.: табл., ил. - Библиогр.: с. 120-121. - ISBN 978-5-7638-3155-9. Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book_view_red&book_id=435666
4. Таланов, А.В. Графы и алгоритмы / А.В. Таланов, В.Е. Алексеев. - 2-е изд., испр. - М.: Национальный Открытый Университет «ИНТУИТ», 2016. - 154 с.: ил. - Библиогр. в кн. - ISBN 5-9556-0066-3. Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book_view_red&book_id=428827

5.2 Дополнительная литература

1. Зайцева, О.Н. Математические методы в приложениях. Дискретная математика: учебное пособие / О.Н. Зайцева, А.Н. Нуриев, П.В. Малов; Министерство образования и науки России, Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего профессионального образования «Казанский национальный исследовательский технологический университет». - Казань: Издательство КНИТУ, 2014. - 173 с: табл., ил. - Библиогр. в кн. - ISBN 978-5-7882-1570-9. Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book_view_red&book_id=428299
2. Костромин, Г.Я. Элементы дискретной математики: учебно-методическое пособие к выполнению расчетно-графической работы/ Г.Я. Костромин, О.В. Кузьмина; Поволжский государственный технологический университет. - Йошкар-Ола: ПГТУ, 2015. - 56 с.: ил., табл. - Библиогр. в кн. - ISBN 978-5-8158-1529-2. Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book_view_red&book_id=437102
3. Панюкова, Т. А. Комбинаторика и теория графов: учебное пособие для вузов / Т. А. Панюкова.- 3-е изд., испр. - Москва: URSS, 2014. - 216 с. - ISBN 978-5-9710-0924-5., 5экз.
4. Игошин, В. И. Задачи и упражнения по математической логике и теории алгоритмов: учеб. пособие для студ. высш. учеб. заведений/ В. И. Игошин. – 3-е изд., стер. – М.: Издательский центр «Академия», 2007. – 304 с. ISBN 5-7695-3728-0., 1 экз.

5.3 Периодические издания

№ п/п	Наименование	Кол-во компл.
1	Lan / Журнал сетевых решений	1
2	Вопросы статистики	1
5	Информатика и образование	1
6	Информационные системы и технологии	1
7	Информационные технологии и вычислительные системы	1
8	Мир ПК	1

№ п/п	Наименование	Кол-во компл.
9	Новые технологии	1
11	Прикладная информатика/journal of applied informatics	1
12	Программирование	1

5.4 Интернет-ресурсы

5.4.1. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы:

1. Научная библиотека - <http://niv.ru/> Доступ свободный
3. eLIBRARY.RU - www.elibrary.ru Доступ свободный. Необходима индивидуальная регистрация в локальной сети вуза.

5. Infolio - Университетская электронная библиотека – <http://www.infoliolib.info/>

5.4.2. Тематические профессиональные базы данных и информационные справочные системы:

1. Учителям информатики и математики - <http://comp-science.narod.ru/>
2. Exponenta.Ru. Образовательный математический сайт. Обучение работе в математических пакетах MathLab, MathCad, Mathematica, Maple и др. - <https://exponenta.ru/>
3. Электронная библиотека ВГПУ. Электронная библиотека для студентов и преподавателей математического факультета. - <http://mif.vspu.ru/e-library>
4. Единое окно доступа к информационным ресурсам. Математика и математическое образование - http://window.edu.ru/catalog/?p_rubr=2.2.74
5. Математическое образование - <http://www.mathedu.ru/>
6. MathTEST.ru. Материалы по математике в помощь школьнику и студенту (тесты по математике online) - <http://mathtest.ru/>
7. Math.ru. Математический сайт – <https://math.ru/lib/>
8. Uztest.ru. Виртуальный кабинет учителя – <http://uztest.ru/>
9. Федеральный институт педагогических измерений - <http://fipi.ru/>

5.4.3. Электронные библиотечные системы

ЭБС «Университетская библиотека онлайн» – <http://www.biblioclub.ru/> После регистрации доступ возможен из любой точки сети Интернет.

ЭБС «Лань» – <http://e.lanbook.com/> После регистрации доступ возможен из любой точки сети Интернет.

ЭБС «Рукопт» - <http://rucont.ru/> После регистрации доступ возможен из любой точки сети Интернет.

ЭБС Znanium.com - <http://znanium.com/> После регистрации доступ возможен из любой точки сети Интернет.

ЭБС «Консультант студента» - <http://www.studentlibrary.ru/> После регистрации доступ возможен из любой точки сети Интернет.

5.4.4. Дополнительные Интернет-ресурсы

1. <http://www.edu.ru> – Федеральный образовательный портал
2. <http://pers.narod.ru/study/methods/index.html> – Лекции по численным методам, вычислительной математике и использовании прикладных программных сред

3. www.intuit.ru – некоммерческое частное образовательное учреждение дополнительного профессионального образования «Интернет-Университет Информационных Технологий».

4. <http://www.studfiles.ru/dir/cat14/subj94.html> – Сайт, посвященный вопросам вычислительной математики

5. <http://school-collection.edu.ru/> – Коллекция ЦОРов

6. <https://www.lektorium.tv/mooc> - «Лекториум», MOOK: «Дискретная математика»

<https://www.coursera.org/> - «Coursera»;

<https://openedu.ru/> - «Открытое образование»;

<https://universarium.org/> - «Универсариум»;

<https://www.edx.org/> - «EdX»;

<https://www.lektorium.tv/> - «Лекториум»;

<https://openedu.ru/course/> - «Открытое образование», Каталог курсов, MOOK: «Системы автоматизированного проектирования аддитивных технологий»;

<https://www.coursera.org/learn/python> - «Coursera», MOOK: «Programming for Everybody (Getting Started with Python)»;

<https://www.lektorium.tv/mooc> - «Лекториум», MOOK: «Дискретная математика»

5.5 Программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы

Тип программного обеспечения	Наименование	Схема лицензирования, режим доступа
Операционная система	РЕД ОС «Стандартная» для Рабочих станций	Образовательная лицензия от 11.07.2022 г. на 3 года для 240 рабочих мест в рамках соглашения о сотрудничестве с ООО «Ред Софт» № 305/06-22У от 28.06.2022 г.
Альтернативная реализация среды исполнения программ Microsoft Windows для ОС на базе ядра Linux	WINE	Свободное ПО, https://wiki.winehq.org/Licensing
Офисный пакет	LibreOffice	Свободное ПО, https://libreoffice.org/download/license/
Текстовый редактор	Notepad++	Свободное ПО, https://notepad-plus-plus.org/
	VSCodium	Свободное ПО, https://github.com/VSCodium/vscodium/blob/master/LICENSE
Интернет-браузер	Chromium	Свободное ПО, https://www.chromium.org/Home/
	Mozilla Firefox	Свободное ПО, https://www.mozilla.org/enUS/foundation/licensing/
	Яндекс.Браузер	Бесплатное ПО, https://yandex.ru/legal/browser_agreement/
Медиапроигрыватель	VLC	Свободное ПО, https://www.videolan.org/legal.html
Комплекс программ для создания тестов, организации онлайн тестирования и предоставления доступа к учебным материалам	SunRav WEB Class	Лицензионный сертификат от 12.02.2014 г., сетевой доступ через веббраузер к корпоративному portalу http://sunrav.org-ti.ru/
Графический редактор	GIMP	Свободное ПО, https://www.gimp.org/about/COPYING

Тип программного обеспечения	Наименование	Схема лицензирования, режим доступа
	Inkscape	Свободное ПО, https://inkscape.org/about/license/

6 Материально-техническое обеспечение дисциплины

Наименование помещения	Материальное-техническое обеспечение
Учебные аудитории: - для проведения занятий лекционного типа, семинарского типа (2-206, 2-211, 2-307);	Учебная мебель, доска, мультимедийное оборудование (проектор, экран, ноутбук с выходом в сеть «Интернет»)
- для групповых и индивидуальных консультаций (2-204, 2-207, 2-208);	Учебная мебель, доска, персональные компьютеры с выходом в локальную сеть и сеть «Интернет»
- для текущего контроля и промежуточной аттестации (2-219)	Учебная мебель
Компьютерный класс (2-207)	Учебная мебель, компьютеры (8) с выходом в локальную сеть и сеть «Интернет», передвижная доска, лицензионное программное обеспечение
Компьютерный класс (2-208)	Учебная мебель, передвижная доска, компьютеры (8) с выходом в локальную сеть и сеть «Интернет», лицензионное программное обеспечение
Компьютерный класс (2-213)	Учебная мебель, передвижная доска, компьютеры (12) с выходом в локальную сеть и сеть «Интернет», проектор, экран, лицензионное программное обеспечение
Помещение для самостоятельной работы обучающихся, для курсового проектирования (выполнения курсовых работ) (2-311)	Учебная мебель, компьютеры (3) с выходом в сеть «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду Орского гуманитарно-технологического института (филиала) ОГУ, программное обеспечение