#### МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Орский гуманитарно-технологический институт (филиал) федерального государственного бюджетного образовательного учреждения высшего образования «Оренбургский государственный университет» (Орский гуманитарно-технологический институт (филиал) ОГУ)

Кафедра математики, информатики и физики

#### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

## ДИСЦИПЛИНЫ

«Б1.Д.В.2 Теория функций комплексного переменного»

Уровень высшего образования

### БАКАЛАВРИАТ

Направление подготовки <u>44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)</u>

(код и наименование направления подготовки)

«Математика», «Физика»

(наименование направленности (профиля) образовательной программы)

Квалификация *Бакалавр*Форма обучения *Очная* 

Рабочая программа дисциплины «Б1.Д.В.2 Теория функций комплексного переменного» рассмотрена и утверждена на заседании кафедры

Кафедра математики, информатики и физики	нование кафедры	
протокол № <u>6</u> от « <u>07</u> » февраля 2024 г.	nounus surpeopor	
Заведующий кафедрой математики, информатики и физики	nodnice 1	Г.В. Зыкова
Исполнители:	В.В. Пергунов	
должность в подпись	расшифровка подписи	
СОГЛАСОВАНО: Председатель методической комиссии по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки) код наименование	личная подпись	С.М. Абрамов расшифровка подписи
Заведующий библиотекой	ия подпись	М.В. Камышанова расшифровка подписи
Начальник ОИТ	личная подпись 7	М.В. Сапрыкин расиифровка подпис

<sup>©</sup> Пергунов В.В., 2024 © Орский гуманитарнотехнологический институт (филиал) ОГУ, 2024

#### 1 Цели и задачи освоения дисциплины

#### Цель (цели) освоения дисциплины:

**Целью** освоения дисциплины «Теория функций комплексной переменной» является формирование у бакалавров естественнонаучной культуры, ориентированной на знания в области естественных наук на основе целостного научного представления о математике; развитие умения применять полученные знания в профессиональной деятельности

#### Задачи:

- обучение фундаментальным систематизированным знаниям;
- формирование научного способа мышления;
- формирование практических навыков в области математики, необходимых в профессиональной деятельности;
- развитие логического мышления и профессиональных компетенций.

### 2 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к обязательным дисциплинам (модулям) вариативной части блока Д «Дисциплины (модули)»

Пререквизиты дисциплины: Отсутствуют

Постреквизиты дисциплины: Отсутствуют

#### 3 Требования к результатам обучения по дисциплине

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих результатов обучения

Код и		П
наименование	Код и наименование индикатора	Планируемые результаты обучения по
формируемых	достижения компетенции	дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций
компетенций		формирования компетенции
УК-1 Способен	УК-1-В-1 Применяет	<b>Знать:</b> Определение множества комплексных
осуществлять	философские основы познания и	чисел, как расширение поля действительных
поиск,	логического мышления, методы	чисел. Алгебраическую и
критический	научного познания, в том числе	тригонометрическую форму записи
анализ и синтез	методы системного анализа, для	комплексного числа.
информации,	решения поставленных задач	Понятие комплексной функции
применять	УК-1-В-2 Осуществляет	комплексного переменного,
системный	критический анализ и синтез	дифференцирование и интегрирование
подход для	информации, полученной из	комплексных функций. Логическая связь с
решения	разных источников	теорией действительных функций двух
поставленных	УК-1-В-4 Применяет методы	переменных. Понимать различия методов
задач	сбора, хранения, обработки,	теории функций комплексной переменной.
	передачи, анализа и синтеза	<b>Уметь:</b> представлять комплексные числа в
	информации с использованием	различных формах (алгебраической,
	компьютерных технологий для	тригонометрической и показательной).
	решения поставленных задач	- применять методологические знания для
	УК-1-В-5 Формулирует и	изучения содержательных линий курса
	аргументирует выводы и	ТФКП;
	суждения, в том числе с	,
	применением философского	- раскрывать содержательные линии курса по
	понятийного аппарата	обобщенному плану;
		- применять методы познания относительно

Код и наименование формируемых компетенций	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций
		получения математических знаний (индук-
		ция, аналогия, систематизация, идеализация,
		абстрагирование, моделирование);
		-применять теоретические знания в решении
		прикладных задач.
		Владеть:
		- различными методами дифференциального
		и интегрального исчисления, функциональ-
		ного анализа и теории функций комплексной
		переменной.

# 4 Структура и содержание дисциплины

# 4.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетные единицы (108 академических часов).

Вид работы	Трудоемкость, академических часов		
•	6 семестр	всего	
Общая трудоёмкость	108	108	
Контактная работа:	35,25	35,25	
Лекции (Л)	10	10	
Практические занятия (ПЗ)	24	24	
Консультации	1	1	
Промежуточная аттестация (зачет, экзамен)	0,25	0,25	
Самостоятельная работа:	72,75	72,75	
- выполнение расчетно-графического задания (РГЗ);	10	10	
- самоподготовка (проработка и повторение лекционного материала и	20	20	
материала учебников и учебных пособий;			
- подготовка к практическим занятиям;	34	34	
- подготовка к рубежному контролю и т.п.)	8,75	8,75	
Вид итогового контроля (зачет, экзамен, дифференцированный	экзамен		
зачет)			

# Разделы дисциплины, изучаемые в 6 семестре

		Количество часов				
<u>№</u> раздела	Наименование разделов		всего раб			внеауд.
			Л	П3	ЛР	работа
1	Понятие функции комплексной переменной	24	2	4		18
2	Дифференцируемость функций комплексной	26	2	4		20
	переменной					
3	Интегрирование функций комплексной		2	8		16
	переменной					
4	4 Разложение функций в степенные ряды. вычеты		4	8		20
	в особых точках					
	Итого:	108	10	24		74

			Количество часов				3
№ раздела	Наименова	ние разделов	всего	аудиторная работа		внеауд.	
				Л	П3	ЛР	работа
	Всего:		108	10	24		74

## 4.2 Содержание разделов дисциплины

#### Раздел 1. Понятие функции комплексной переменной

Комплексные числа, действия над комплексными числами в алгебраической и тригонометрической формах. Функции комплексной переменной. Элементарные функции и их свойства. Ветви многозначной функции. Отображения, задаваемые элементарными функциями: линейной, дробнолинейной, показательной, тригонометрическими функциями.

#### Раздел 2. Дифференцируемость функций комплексной переменной

Понятие дифференцируемости и аналитичность функций комплексной переменной. Условия Коши-Римана.

Геометрический смысл модуля и аргумента производной. Понятие конформного отображения

### Раздел 3. Интегрирование функций комплексной переменной

Понятие интеграла функции комплексной переменной. Формулы интегрирования. Теорема Коши. Интегральная формула Коши.

## Раздел 4. Разложение функций в степенные ряды. Вычеты в особых точках

Степенные ряды в комплексной области. Ряд Тейлора. Теорема Тейлора. Ряд Лорана.

Изолированные особые точки и их классификация. Вычеты и их вычисление. Основная теорема о вычетах. Применение вычетов к вычислению интегралов.

#### 4.3 Практические занятия (семинары)

№ занятия	ятия № Тема		Кол-во
раздела раздела		Тема	часов
1	1	Комплексные числа, действия над комплексными числами в	2
		алгебраической и тригонометрической формах.	
2	1	Функции комплексной переменной. Элементарные функции и	2
		их свойства. Ветви многозначной функции. Отображения,	
		задаваемые элементарными функциями: линейной, дробно-	
		линейной, показательной, тригонометрическими функциями	
3	2	Понятие дифференцируемости и аналитичность функций	2
		комплексной переменной.	
4	2	Условия Коши-Римана. Восстановление аналитической	2
		функции по её действительной или мнимой части.	
		Гармонические функции.	
5-6	3	Понятие интеграла функции комплексной переменной. Форму-	4
		лы интегрирования.	
7-8	3	Теорема Коши. Интегральная формула Коши	4
9	4	Степенные ряды в комплексной плоскости. Ряд Тейлора.	2
		Теорема Тейлора	
10	4	Ряд Лорана	2
11	4	Изолированные особые точки и их классификация	2
12	4	Вычеты в особых точках и их вычисление. Применение	2
		вычетов к вычислению интегралов.	
		Итого:	24

#### 5 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

### 5.1 Основная литература

- 1. Свешников, А. Г. Теория функций комплексной переменной : учебник / А. Г. Свешников, А. Н. Тихонов. 6-е изд., стер. Москва : Физматлит, 2010. 334 с. (Курс высшей математики и математической физики ; выпуск 5). Режим доступа: по подписке. URL: <a href="https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=75710">https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=75710</a>
- 2. Чуешев, В. В. Теория функций комплексного переменного : учебное пособие : [16+] / В. В. Чуешев, Н. А. Чуешева ; Кемеровский государственный университет. 3-е изд., исправ. и доп. Кемерово : Кемеровский государственный университет, 2020. Часть 2. 162 с. Режим доступа: по подписке. URL: <a href="https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=600355">https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=600355</a>
- 3. Лаврентьев, М. А. Методы теории функций комплексного переменного : учебное пособие : [16+] / М. А. Лаврентьев, Б. В. Шабат. Изд. 3-е, испр. Москва : Наука, 1965. 716 с. : ил. Режим доступа: по подписке. URL: <a href="https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=464237">https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=464237</a>
- 4. Краснов, М. Л. Функции комплексного переменного. Операционное исчисление. Теория устойчивости: учебное пособие: [16+] / М. Л. Краснов, А. И. Киселев, Г. И. Макаренко. Москва: Наука, 1971. 254 с.: ил. (Избранные главы высшей математики для инженеров и студентов втузов). Режим доступа: по подписке. URL: <a href="https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=464235">https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=464235</a>

## 5.2 Дополнительная литература

- 1. Пергунов, В. В. Математический анализ: экспресс-курс для подготовки к государственному экзамену: учебное пособие: [16+] / В. В. Пергунов; науч. ред. Т. Уткина. 3-е изд., стер. Москва: ФЛИНТА, 2014. 203 с.: ил. Режим доступа: по подписке. URL: https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=363441
- 2. Волковыский, Л. И. Сборник задач по теории функций комплексного переменного : [16+] / Л. И. Волковыский, Г. Л. Лунц, И. Г. Араманович. 4-е изд., перераб. Москва : Физматлит, 2002. 313 с. : ил. Режим доступа: по подписке. URL: <a href="https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=68541">https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=68541</a>
- 3. Пасиков, В. Л. Теория функций комплексного переменного: задачник-практикум/ В. Л. Пасиков. Орск: Издательство ОГТИ, 2007. 105 с. ISBN 5-8424-0300-5

#### 5.3 Периодические издания

- 1. Математика в школе (архив 1980-1991гг., 2009-2021гг.)
- 2. Математика. Все для учителя (архив 2014-2019гг.)

#### 5.4 Интернет-ресурсы

# **5.4.1.** Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы:

- 1. Научная библиотека http://niv.ru/ Доступ свободный
- 2. eLIBRARY.RU <u>www.elibrary.ru</u> Доступ свободный. Необходима индивидуальная регистрация в локальной сети вуза.
  - 3. Infolio Университетская электронная библиотека http://www.infoliolib.info/

# **5.4.2.** Тематические профессиональные базы данных и информационные справочные системы:

- 1. Учителям информатики и математики http://comp-science.narod.ru/
- 2. Exponenta.Ru. Образовательный математический сайт. Обучение работе в математических пакетах MathLab, MathCad, Mathematica, Maple и др. <a href="https://exponenta.ru/">https://exponenta.ru/</a>

- 3. Электронная библиотека ВГПУ. Электронная библиотека для студентов и преподавателей математического факультета. <a href="http://mif.vspu.ru/e-library">http://mif.vspu.ru/e-library</a>
- 4. Единое окно доступа к информационным ресурсам. Математика и математическое образование <a href="http://window.edu.ru/catalog/?p">http://window.edu.ru/catalog/?p</a> rubr=2.2.74
  - 5. Математическое образование http://www.mathedu.ru/
- 6. MathTEST.ru. Материалы по математике в помощь школьнику и студенту (тесты по математике online) <a href="http://mathtest.ru/">http://mathtest.ru/</a>
  - 7. Math.ru. Математический сайт https://math.ru/lib/
  - 8. Uztest.ru. Виртуальный кабинет учителя http://uztest.ru/
  - 9. Федеральный институт педагогических измерений <a href="http://fipi.ru/">http://fipi.ru/</a>
- 10. EqWorld. Учебная физико-математическая библиотека <a href="http://eqworld.ipmnet.ru/ru/library.htm">http://eqworld.ipmnet.ru/ru/library.htm</a>
  - 11. Журнальный портал ФТИ им. Иоффе <a href="https://journals.ioffe.ru/">https://journals.ioffe.ru/</a>
  - 12. СиЗиФ http://www.kosmofizika.ru/

### 5.4.3. Электронные библиотечные системы

ЭБС «Университетская библиотека онлайн» – <a href="http://www.biblioclub.ru/">http://www.biblioclub.ru/</a> После регистрации доступ возможен из любой точки сети Интернет.

ЭБС «Лань» —  $\underline{\text{http://e.lanbook.com/}}$  После регистрации доступ возможен из любой точки сети Интернет.

ЭБС издательства «Юрайт» - <a href="https://biblio-online.ru/">https://biblio-online.ru/</a> После регистрации доступ возможен из любой точки сети Интернет.

### 5.4.4. Дополнительные Интернет-ресурсы

- 1. <a href="http://publ.lib.ru/ARCHIVES/M/"Matematika\_v\_shkole"/\_"Matematika\_v\_shkole".html электронный архив журнала «Математика в школе».</a>
- 2. <a href="http://www.mathedu.ru">http://www.mathedu.ru</a> интернет-библиотека по методике преподавания математики «Математическое образование: прошлое и настоящее».
- 3. <u>http://www.mathtest.ru</u> материалы по математике в помощь школьнику и студенту (тесты по математике online).
  - 4. <a href="http://www.uztest.ru">http://www.uztest.ru</a> материалы ЕГЭ по математике: подготовка к тестированию.
- 5. <a href="http://mat.1september.ru">http://mat.1september.ru</a> каталог газеты «Математика» издательского дома «Первое сентября».
  - 6. http://www.fasi.gov.ru официальный сайт федерального агентства по науке и инновациям.
  - 7. <a href="http://www.ed.gov.ru">http://www.ed.gov.ru</a> официальный сайт федерального агентства по образованию.
  - 8. http://www.fipi.ru официальный сайт федерального института педагогических измерений
  - 9. https://www.coursera.org/ «Coursera»;
  - 10.https://openedu.ru/ «Открытое образование»;
  - 11. https://universarium.org/ «Универсариум»;
  - 12. https://www.edx.org/ «EdX»;
  - 13. https://www.lektorium.tv/ «Лекториум»;

# 5.5 Программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы современных информационных технологий

Тип программного обеспечения	Наименование	Схема лицензирования, режим доступа
	РЕД ОС «Стан-	Образовательная лицензия от 11.07.2022 г.
Опородинацион опетамо	дартная» для	на 3 года для 240 рабочих мест в рамках
Операционная система	Рабочих стан-	соглашения о сотрудничестве с ООО «Ред
	ций*	Софт» № 305/06-22У от 28.06.2022 г.
Odvovani novoz	LibreOffice	Свободное ПО,
Офисный пакет	LibreOffice	https://libreoffice.org/download/license/

Тип программного обеспечения	Наименование	Схема лицензирования, режим доступа
	Chromium	Свободное ПО,
Maranaar Spayaan	Cinomium	https://www.chromium.org/Home/
Интернет-браузер	Путиома Гиотиан	Бесплатное ПО,
	Яндекс.Браузер	https://yandex.ru/legal/browser_agreement/

# 6 Материально-техническое обеспечение дисциплины

Наименование помещения	Материальное-техническое обеспечение
Учебные аудитории:	Учебная мебель, доска, мультимедийное оборудование
- для проведения занятий лекционного	(проектор, экран, ноутбук с выходом в сеть
типа, семинарского типа (2-206, 2-211,	«Интернет»)
2-307, 1-144);	
- для групповых и индивидуальных	Учебная мебель, доска, персональные компьютеры с
консультаций (2-207, 2-208);	выходом в локальную сеть и сеть «Интернет»
- для текущего контроля и	Учебная мебель
промежуточной аттестации (2-219)	
Компьютерный класс (2-207)	Учебная мебель, компьютеры (8) с выходом в
	локальную сеть и сеть «Интернет», передвижная доска,
	лицензионное программное обеспечение
Компьютерный класс (2-208)	Учебная мебель, передвижная доска, компьютеры (8) с
	выходом в локальную сеть и сеть «Интернет»,
	лицензионное программное обеспечение
Компьютерный класс (2-213)	Учебная мебель, передвижная доска, компьютеры (12)
	с выходом в локальную сеть и сеть «Интернет», проек-
	тор, экран, лицензионное программное обеспечение

Для проведения занятий лекционного типа используются следующие наборы демонстрационного оборудования и учебно-наглядные пособия:

<sup>-</sup> презентации к курсу лекций.